

1. Sia data

$$f(x) = \frac{xe^x}{(x+1)^2} .$$

Determinare campo di esistenza, segno, limiti alla frontiera, eventuali asintoti, monotonia e tracciare un grafico qualitativo di f nell'ipotesi in cui il numero di flessi sia minimo.

FAC. : studiare la derivata seconda.

Fino a punti 10

2. Data la funzione $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita

$$g(x) = \begin{cases} \int_1^x \frac{e^t-1}{t} dt & \text{se } x > 1; \\ x-1 & \text{se } x \leq 1; \end{cases}$$

stabilire la natura del punto $x = 1$.

Fino a punti 8

3. Determinare, al variare del parametro reale α , il carattere della serie

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{[2(\log n)^{\alpha-7}]^n}{n^2} .$$

Fino a punti 7

4. Calcolare

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,1)} \frac{x^3 \sin(y-1)}{x^2 + y^2 - 2y + 1} .$$

Fino a punti 8

Tempo:
3 ore

spazio riservato
alla commissione

1.

2.

3.

4.

totale

1. Sia data

$$f(x) = \frac{(x+1)^2}{xe^x}.$$

Determinare campo di esistenza, segno, limiti alla frontiera, eventuali asintoti, monotonia e tracciare un grafico qualitativo di f nell'ipotesi in cui il numero di flessi sia minimo.

FAC. : studiare la derivata seconda.

Fino a punti 10

2. Data la funzione $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definita

$$g(x) = \begin{cases} 2x - 4 & \text{se } x \leq 2; \\ \int_2^x \frac{\log(1+t)}{t} dt & \text{se } x > 2; \end{cases}$$

stabilire la natura del punto $x = 2$.

Fino a punti 8

3. Determinare, al variare del parametro reale α , il carattere della serie

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{3^n n^3}{[(\log n)^{\alpha-5}]^n}.$$

Fino a punti 7

4. Calcolare

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (2,0)} \frac{y \sin [(x-2)^2]}{x^2 - 4x + y^2 + 4}.$$

Fino a punti 8

Tempo:
3 ore

spazio riservato
alla commissione

1.

2.

3.

4.

totale