

ANALISI I (h. 2.30) Appello straordinario del 12 Novembre 2012	TEMA Cognome e nome (in stampatello) Corso di laurea in Ingegneria Energetica
---	--

1. Determinare, al variare del parametro reale α , il carattere della serie

$$\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{[\sin(e^{-n})]^\alpha}{\log(n^2) + 2 \log n}.$$

2. Calcolare la primitiva della funzione $f(x) = (3x + 1)^2 \sin x$, che assume il valore 9π nel punto $x = \pi/2$.

3. Determinare, al variare del parametro reale α , l'integrale generale dell'equazione differenziale

$$3y''(x) - 9y(x) = 2e^{\alpha x} + 5.$$

4. Determinare le soluzioni $z \in \mathbb{C}$ dall'equazione

$$z^4 + \frac{1}{\bar{z}} = 0.$$

5. Siano $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ e $\{c_n\}$ tre successioni assegnate tali che

$$a_n \rightarrow +\infty, \quad \{b_n\} \text{ è limitata,} \quad \{c_n\} = o\left(\frac{1}{n}\right).$$

Stabilire, giustificando la risposta, se l'affermazione

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{b_n c_n}{a_n} \text{ converge}$$

è corretta. Fornire un controesempio in caso contrario.

